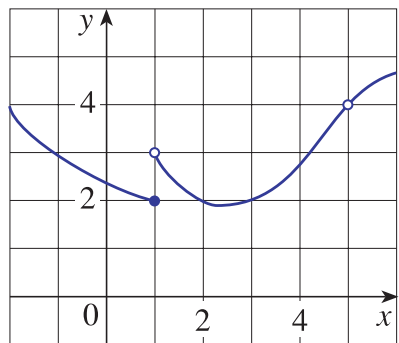


Limites e limites laterais

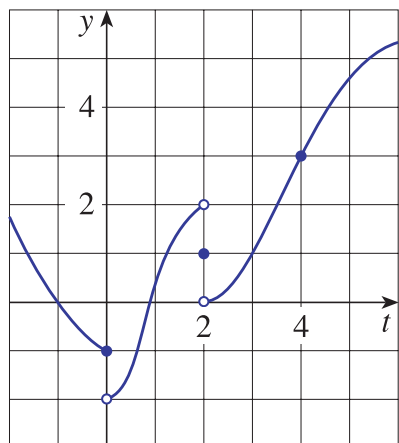
[01] Para a função f cujo gráfico é dado, determine o valor da quantidade indicada, se ela existir. Se não existir, explique por quê.

- (a) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$, (b) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$, (c) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$, (d) $\lim_{x \rightarrow 5} f(x)$.



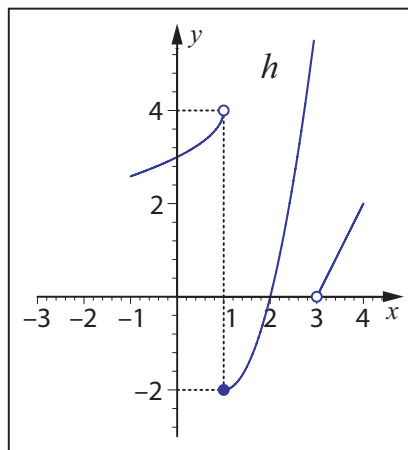
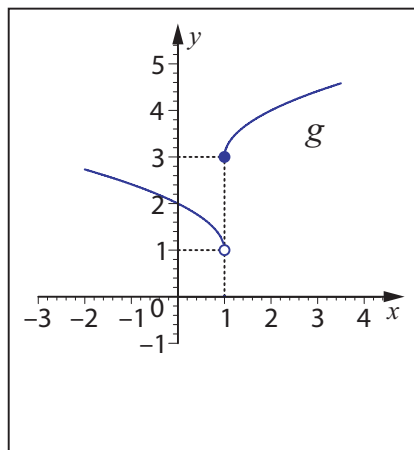
[02] Para a função g cujo gráfico é dado, determine o valor da quantidade indicada, se ela existir. Se não existir, explique por quê.

- (a) $\lim_{t \rightarrow 0^-} g(t)$, (b) $\lim_{t \rightarrow 0^+} g(t)$, (c) $\lim_{t \rightarrow 0} g(t)$, (d) $\lim_{t \rightarrow 2^-} g(t)$,
 (e) $\lim_{t \rightarrow 2^+} g(t)$, (f) $\lim_{t \rightarrow 2} g(t)$, (g) $\lim_{t \rightarrow 4} g(t)$.



[03] Esboce o gráfico de uma função f que satisfaz as seguintes condições: $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 4$, $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 2$, $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 2$, $f(3) = 3$ e $f(-2) = 1$.

[04] Os gráficos de g e h são dados na figura a seguir. Ache os limites laterais de $f(x) = (h \circ g)(x)$ no ponto $x = 1$.



- [05] Dê um exemplo no qual $\lim_{x \rightarrow 0} |f(x)|$ existe, mas $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ não existe.
- [06] Seja $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ uma função tal que $f(x) > 0$ para todo $x \neq 2$ e $f(2) = -3$. Verifique se as afirmativas abaixo são verdadeiras ou falsas. Caso seja verdadeira, apresente uma justificativa. Caso seja falsa, apresente um contra-exemplo.
- (a) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ não existe. (b) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -3$. (c) Se existir, $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ é positivo.
- [07] Sabe-se que $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 5$ e f é definida em \mathbb{R} . Todas as afirmativas abaixo são falsas. Tente desenhar um contra-exemplo para cada uma delas.
- (a) $f(x) > 0$ para $x \in (1, 3)$. (b) $f(2) = 5$. (c) $f(2)$ é positivo.
- [08] Para cada uma das funções abaixo, calcule os limites $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$ e $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$.
- (a) $f(x) = x^2$, (b) $f(x) = x^3$, (c) $f(x) = \sqrt{x}$, (d) $f(x) = 1/x$.